# 海洋大學河海工程學系九十四學年度 第二學期 $\square$ 小期中 <br> 考試命題紙 

| 考 試 科 目 | 開課系級 | 考試日期 | 印製份數 | 答案紙 | 命題教師 | 備 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :--- | :--- |
| 工程數學二 | 二A，B | 5 月 12 日 | 110 | ■需 <br> 需 <br> 需 | 陳桂鴎 <br> 吕學育 | 第二次大考 |

1．$y^{\prime \prime}(t)+\omega^{2} y(t)=F(t)$ where $F(t)=\left\{\begin{array}{ll}1, & t \in(0, \pi) \\ 0, & t \in(\pi, 2 \pi)\end{array}\right.$ and $F(t)=F(t+2 \pi)$ ．（20\％）
（a）Find $y_{p}(t)$ by using the complex Fourier expansion．（10\％）
（b）Plot the frequency spectrum of $y_{p}(t)$ ． $5 \%$ ）
（c）Choice the right answer and explain why when cause the phenomenon of Resonance as（5\％）
（1）$\omega$ is odd numbers．
（2）$\omega$ is even numbers．
（3）$\omega$ is integer numbers．
（4）The resonance will not occur．

2．Suppose a uniform beam of length $L$ is simply supported at $x=0$ and at $x=L$ ．If the load per unit length is given by $r(x)=\left\{\begin{array}{cc}0, & 0<x<L \\ w_{0}(x-L), & L<x<2 L \\ 0, & 2 L<x<3 L\end{array}, 0<x<3 L, r(x+3 L)=r(x)\right.$ ，and then the differential equation for the deflection $y(x)$ is $E I \frac{d^{4} y}{d x^{4}}=r(x)$ ，where $E, I$ ，and $w_{0}$ are constants．（40\％）
（a）Find the homogenous solution $y_{h}$ ．（5\％）
（b）Expand $r(x)$ in a half－range cosine series．（7\％）
（c）Find a particular solution $y_{p}(x)$ by using the Fourier series expansion．（10\％）
（d）Expand $r(x)$ in a complex Fourier series and plot frequency spectrum of $r(x)$ ．（8\％）
（e）Find a particular solution $y_{p}(x)$ by using the complex Fourier series expansion．（10\％）

3．Consider $f(x)=x+\pi, \quad-\pi<x<\pi$
（a）determine whether the function $f$ is even，odd，or neither（3 scores）
（b）find the Fourier series of $f$ on the given interval $(-\pi, \pi)$（8 scores）
（c）give the values that the series will converge at $x=-\pi, 0, \pi / 2, \pi$（4 scores）
（d）use the result of（2）to show $\frac{\pi}{4}=1-\frac{1}{3}+\frac{1}{5}-\frac{1}{7}+\ldots \quad(5$ scores $)$

4．Expand $f(\mathrm{x})=\left\{\begin{array}{ccc}x & \text { for } & 0 \leq x \leq L \\ L-x & \text { for } & L / 2<x \leq L\end{array}\right.$
（a）．In a sine series AND give the value that the series will converge at $x=L$（10 scores）
（b）．in a cosine series AND give the value that the series will converge at $x=L$（10 scores）

5．$f(x)=\left\{\begin{aligned}-1, & -2<x<0 \\ 1, & 0<x<2\end{aligned}\right.$
（a）find the complex Fourier series of $f$ on the given interval（10 scores）
（b）find the frequency spectrum of the periodic wave that is the periodic extension of the function $f$（10 scores）

